绝密★启用前

: :

0

 $\circ$ 

 $\circ$ 

江

装

:

:

 $\circ$ 

 $\circ$ 

# 2019 年高考数学新课标全国二卷(文科) 试卷副标题

考试时间: 120 分钟; 试卷总分: 150 分

注意事项:

- 1. 答题前填写好自己的姓名、班级、考号等信息
- 2. 请将答案正确填写在答题卡上

## 第 I 卷 (选择题)

### 一、单选题

1. 设集合 A={x | x>-1},B={x | x<2},则 A∩B= ( )

A  $(-1, +\infty)$  B $(-\infty, 2)$  C (-1, 2) D  $\emptyset$ 

2. 设 z=i(2+i),则 <del>z</del> = ( )

A 1+2i B -1+2i C 1-2i D -1-2i

3. 已知  $\mathbf{a}$ = (2,3), $\mathbf{b}$ = (3, 2),则 $|\mathbf{a} - \mathbf{b}|$ =( )

 $A.\sqrt{2}$ B. 2  $C.5\sqrt{2}$ 

4.生物实验室有5只兔子,其中有3只测量过某项指标,若这五只兔子中随机取出3只,则恰有

2 只测量过该指标的概率为 (

A. $\frac{2}{3}$  B.  $\frac{3}{5}$  C.  $\frac{2}{5}$  D.  $\frac{1}{5}$ 

5. 在"一带一路"知识测验后,甲、乙、丙三人对成绩进行预测,

甲: 我的成绩比乙高

乙: 丙的成绩比我和甲的都高

丙: 我的成绩比乙高

成绩公布后,三人的成绩互不相同,且只有一个人预测正确,那么这三个人按成绩由高到低的 次序为 ( )

A. 甲、乙、丙 B. 乙、甲、丙 C. 丙、乙、甲 D. 甲、丙、乙

6. 若 a>b,则( )设 f(x)为奇函数,且当 x>0 时,f(x)= $e^{x}$ -1,则当 x<0 时,f(x)=

A.  $e^{-x}-1$  B.  $e^{-x}+1$  C.  $-e^{-x}-1$  D.  $-e^{-x}+1$ 

#### www.chnqsedu.com

7. 设α, β为两个平面,则α//β的充要条件是()

A. α 内有无数条直线与 β 平行

B. α 内有两条相交直线与 β 平行

B. α, β平行于同一条直线

D. α , β 垂直于同一平面

8. 若 $x_1 = \frac{\pi}{4}$ ,  $x_2 = \frac{3\pi}{4}$ 是函数  $f(x) = \sin \omega x$ ,  $(\omega > 0)$  的两个相邻的极值点,则 $\omega = (\omega > 0)$ 

B.  $\frac{3}{2}$  C.1 D.  $\frac{1}{2}$ A. 2

9. 若抛物线  $y^2 = 2px(p>0)$  的焦点是椭圆 $\frac{x^2}{3p} + \frac{y^2}{p} = 1$  的一个焦点,则 p=( )

10.曲线 y=2sinx+cosx 在 (π, -1) 处的切线方程为 ( )

A.  $x-y-\pi -1=0$ 

B.  $2x-y-2 \pi -1=0$  C.  $2x+y-2 \pi +1=0$ 

D.  $x+y-\pi+1=0$ 

11.己知 $\alpha \in (0,\frac{\pi}{2})$ ,  $2\sin 2\alpha = \cos 2\alpha + 1$ , 则  $\sin \alpha = ($ 

A.  $\frac{1}{5}$  B.  $\frac{\sqrt{5}}{5}$  C.  $\frac{\sqrt{3}}{3}$  D.  $\frac{2\sqrt{5}}{5}$ 

12.设F 为双曲线 $C: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$  (a > 0, b > 0) 的右焦点,O 为坐标原点,OF 为直径的圆与圆

 $x^{2} + y^{2} = a^{2}$  交于 P, Q 两点,若 |PQ| = |OF|, 则 C 的离心率为 ( )

A.  $\sqrt{2}$  B.  $\sqrt{3}$ 

C = 2

## 第 II 卷 (非选择题)

## 二、填空题

- 13. 若变量 x,y 满足的约束条件  $\begin{cases} 2x + 3y 6 \ge 0 \\ x + y 3 \le 0 \end{cases}$ , 则 z = 3x y 的最大值是\_\_\_\_\_
- 14. 我国高铁发展迅速, 技术先进, 经统计, 在经停某站的高铁列车中, 有 10 个车 次的正点率为 0.97, 有 20 个车次的正点率为 0.98, 有 10 个车次的正点率为 0.99, 则经过该站高铁列车所在的车次的平均正点率的估计值为

0

0

0

 $\circ$ 

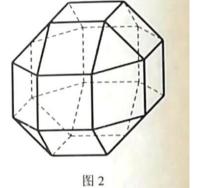
 $\circ$ 

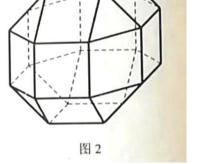
www.chnqsedu.com

15.  $\triangle$ ABC 的内角 A,B,C 的对边分别为 a, b, c,已知 b sin  $A+a\cos B=0$ ,则 B=\_\_\_\_\_

16.中国有悠久的金石文化,印信是金石文化的代表之一。印信的形状多为长方体、正方体或圆 柱体,但南北朝时期的官员独孤信的印信形状是"半正多面体(图1)"。半正多面体是由两种或 两种以上的正多边形围成的多面体。半正多面体体现了数学的对称美。图 2 是一个棱数为 48 的 半正多面体,它的所有顶点都在同一个正方体表面上,且此正方体的棱长为1。则该半正多面体 共有\_\_\_\_\_个面,其棱长为\_\_\_\_\_。(本题第一空2分,第二空3分.)









Pay more attention than parents

三,解答题,共70分,解答应写出文字说明,证明过程或验算过程,第17-21题为必考题,每个试题考生都必须作答,第22,23题为选考题,考生根据要求作答。

## (一) 必考题

## 17 (12分)

:

: :

 $\circ$ 

÷

:

鉄

:

: 0

:

户

羰 … … … ○ … … …

:

:

 $\circ$ 

:

:

··· 4h

 $\circ$ 

:

:

:

:

0

户

装

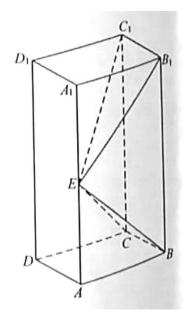
 $\circ$ 

 $\overline{\mathbb{K}}$ 

 $\circ$ 

如图,长方体 $ABCD - A_1B_1C_1D_1$ 的底面ABCD是正方形,点E在棱 $AA_1$ 上, $BE \perp EC_1$ 。

- (1) 证明:  $BE \perp$ 平面  $EB_1C_1$ ;
- (2) 若 AE=A<sub>1</sub>E,AB=3,求四棱锥 E-BB<sub>1</sub>C<sub>1</sub>C 的体积



### 18(12分)

已知 $\{a_n\}$ 是各项均为正数的等比数列, $a_1 = 2, a_3 = 2a_2 + 16$ .

- (1) 求 $\{a_n\}$ 的通项公式。
- (2) 设  $b=log_2^{a_n}$ ,求数列 $\{b_n\}$ 的前 n 项和



0



#### 19, (12分)

某行业主管部门为了解行业中小企业的生产情况。随机抽查了 100 个企业,得到这些企业第一季度相对于前一年第一季度的产值增长率 y 的频数分布表。

y的分组	[-0.20,0)	[0,0.20)	[0.20,0.40)	[0.40,0.60)	[0.60,0.80)
企业数	2	24	53	14	7

- (1)分别估计这类企业中产值中增长率不低于40%的的企业比例,产值负增长的企业比例。
- (2) 求这类企业产值增长率的平均数与标准差的估计值(同一组中的数据用该组区间中点值作为代表)。(精确到 0.01)

附  $\sqrt{74} \approx 8.602$ 

20. (12 分) 已知 $F_1$ 、 $F_2$ 是椭圆 C:  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  (a>b>0) 的两个焦点,P 为 C 上的点,o 为坐标原点,

- (1) 若 $\triangle POF_2$ 为等边三角形,求C的离心率;
- (2) 如果存在点 P,使得  $PF_1 \perp PF_2$ ,且 $\triangle F_1 PF_2$ 的面积等于 16,求 b 的值和 a 的取值范围。

- 21. (12 分) 已知函数 f(x)=(x-1)lnx-x-1, 证明:
- (1) f(x)存在唯一的极值点
- (2) f(x)=0 有且仅有两个实根,且两个实根互为倒数。
- (二) 选考题
- 22. (选修 4-4, 坐标系与参数方程)(10 分)

在极坐标系中,O 为极点,点 M  $(\rho_0, \theta_0)$   $(\rho_0 > 0)$  在曲线 C:  $\rho = 4\sin\theta$ 上,直线 L 过点 A  $(4, \theta_0)$ 

- 0) 且与 OM 垂直, 垂足为 P,
- (1) 当 $\theta_0 = \frac{\pi}{3}$ 时,求 $\rho_0$ 及 L 的极坐标方程;

#### www.chnqsedu.com

- (2) 当 M 在 C 上运动且 P 在 OM 上时, 求 P 的轨迹的极坐标方程
- 23. (选修 4—5, 不等式选讲)(10分)

己知 f(x) = |x - a|x + 2|x - a|;

- (1) 当 a=1 时,求不等式 f(x) < 0 的解集;
- (2) 若 x∈ (-∞, 1) 时, f(x)<0, 求 a 的取值范围。

:

:

:

 $\circ$ 

:

:

왫

:

:

江

: : : : : : :

:

羰

:

:

 $\circ$ 

**外 … … …** 

:

::

:

:

姓名:

学校:

:

:

 $\circ$ 

:

:

继

0

:

户

 $\circ$ 

柒

÷

 $\circ$ 

 $\overline{\mathbb{K}}$ 

 $\circ$ 

:

÷

