

绝密★启用前

2019 年高考数学新课标全国二卷（文科）

试卷副标题

考试时间：120 分钟；试卷总分：150 分

注意事项：

1. 答题前填写好自己的姓名、班级、考号等信息
2. 请将答案正确填写在答题卡上

第 I 卷（选择题）

一、单选题

1. 设集合 $A=\{x|x>-1\}$, $B=\{x|x<2\}$, 则 $A\cap B=$ ()

A $(-1, +\infty)$ B $(-\infty, 2)$ C $(-1, 2)$ D $\emptyset$

2. 设 $z=i(2+i)$, 则 $\bar{z}=$ ()

A $1+2i$ B $-1+2i$ C $1-2i$ D $-1-2i$

3. 已知 $\mathbf{a}=(2,3)$, $\mathbf{b}=(3,2)$, 则 $|\mathbf{a}-\mathbf{b}|=()$

A $\sqrt{2}$ B 2 C $5\sqrt{2}$ D 50

4. 生物实验室有 5 只兔子, 其中有 3 只测量过某项指标, 若这五只兔子中随机取出 3 只, 则恰有

2 只测量过该指标的概率为 ()

A $\frac{2}{3}$ B $\frac{3}{5}$ C $\frac{2}{5}$ D $\frac{1}{5}$

5. 在“一带一路”知识测验后, 甲、乙、丙三人对成绩进行预测,

甲: 我的成绩比乙高

乙: 丙的成绩比我和甲的都高

丙: 我的成绩比乙高

成绩公布后, 三人的成绩互不相同, 且只有一个人预测正确, 那么这三个人按成绩由高到低的次序为 ()

A. 甲、乙、丙 B. 乙、甲、丙 C. 丙、乙、甲 D. 甲、丙、乙

6. 若 $a>b$, 则 () 设 $f(x)$ 为奇函数, 且当 $x\geq 0$ 时, $f(x)=e^x-1$, 则当 $x<0$ 时, $f(x)=$ ()

A. $e^{-x}-1$ B. $e^{-x}+1$ C. $-e^{-x}-1$ D. $-e^{-x}+1$

www.chnqsedu.com

7. 设 α, β 为两个平面, 则 $\alpha \parallel \beta$ 的充要条件是 ()

A. α 内有无数条直线与 β 平行 B. α 内有两条相交直线与 β 平行

B. α, β 平行于同一条直线 D. α, β 垂直于同一平面

8. 若 $x_1 = \frac{\pi}{4}$, $x_2 = \frac{3\pi}{4}$ 是函数 $f(x) = \sin \omega x$, ($\omega > 0$) 的两个相邻的极值点, 则 $\omega =$ ()

A. 2 B. $\frac{3}{2}$ C. 1 D. $\frac{1}{2}$

9. 若抛物线 $y^2=2px$ ($p>0$) 的焦点是椭圆 $\frac{x^2}{3p} + \frac{y^2}{p} = 1$ 的一个焦点, 则 $p =$ ()

A. 2 B. 3 C. 4 D. 8

10. 曲线 $y=2\sin x + \cos x$ 在 $(\pi, -1)$ 处的切线方程为 ()

A. $x-y-\pi-1=0$ B. $2x-y-2\pi-1=0$ C. $2x+y-2\pi+1=0$ D. $x+y-\pi+1=0$

11. 已知 $\alpha \in (0, \frac{\pi}{2})$, $2\sin 2\alpha = \cos 2\alpha + 1$, 则 $\sin \alpha =$ ()

A. $\frac{1}{5}$ B. $\frac{\sqrt{5}}{5}$ C. $\frac{\sqrt{3}}{3}$ D. $\frac{2\sqrt{5}}{5}$

12. 设 F 为双曲线 $C: \frac{x^2}{a^2} - \frac{y^2}{b^2} = 1$ ($a>0, b>0$) 的右焦点, O 为坐标原点, OF 为直径的圆与圆

$x^2 + y^2 = a^2$ 交于 P, Q 两点, 若 $|PQ| = |OF|$, 则 C 的离心率为 ()

A. $\sqrt{2}$ B. $\sqrt{3}$ C. 2 D. $\sqrt{5}$

第 II 卷（非选择题）

二、填空题

13. 若变量 x, y 满足的约束条件 $\begin{cases} 2x + 3y - 6 \geq 0 \\ x + y - 3 \leq 0 \\ y - 2 \leq 0 \end{cases}$, 则 $z = 3x - y$ 的最大值是_____

14. 我国高铁发展迅速, 技术先进, 经统计, 在经停某站的高铁列车中, 有 10 个车次的正点率为 0.97, 有 20 个车次的正点率为 0.98, 有 10 个车次的正点率为 0.99, 则经过该站高铁列车所在的车次的平均正点率的估计值为_____

16. 中国有悠久的金石文化，印信是金石文化的代表之一。印信的形状多为长方体、正方体或圆柱体，但南北朝时期的官员独孤信的印信形状是“半正多面体（图 1）”。半正多面体是由两种或两种以上的正多边形围成的多面体。半正多面体体现了数学的对称美。图 2 是一个棱数为 48 的半正多面体，它的所有顶点都在同一个正方体表面上，且此正方体的棱长为 1。则该半正多面体共有_____个面，其棱长为_____。（本题第一空 2 分，第二空 3 分。）



图 1

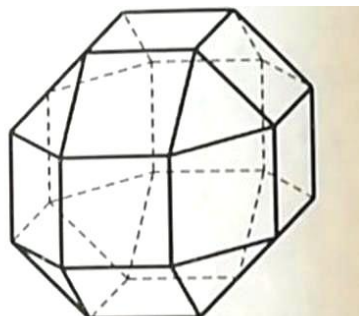


图 2

三，解答题，共 70 分，解答应写出文字说明，证明过程或验算过程，第 17-21 题为必考题，每个试题考生都必须作答，第 22,23 题为选考题，考生根据要求作答。

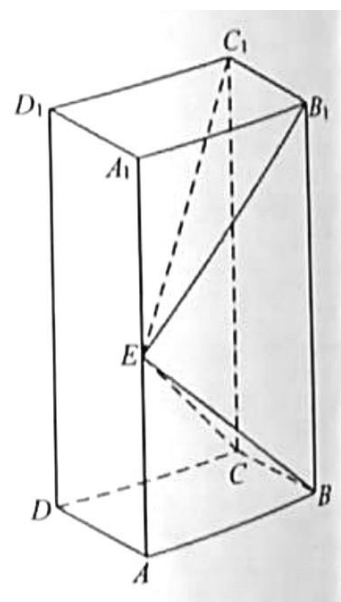
(一) 必考题

17 (12 分)

如图，长方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 的底面 $ABCD$ 是正方形，点 E 在棱 AA_1 上， $BE \perp EC_1$ 。

(1) 证明： $BE \perp$ 平面 EB_1C_1 ；

(2) 若 $AE=A_1E, AB=3$, 求四棱锥 $E-BB_1C_1C$ 的体积



18 (12 分)

已知 $\{a_n\}$ 是各项均为正数的等比数列， $a_1=2, a_3=2a_2+16$.

(1) 求 $\{a_n\}$ 的通项公式。

(2) 设 $b=\log_2 a_n$, 求数列 $\{b_n\}$ 的前 n 项和





专注中高考
比家长更关注孩子学习
Pay more attention than parents

www.chnqsedu.com



学校: _____ 姓名: _____ 班级: _____ 考号: _____